

# Électronique numérique

J.-M Friedt

FEMTO-ST/département temps-fréquence

`jmfriedt@femto-st.fr`

transparents à `jmfriedt.free.fr`

12 janvier 2017

## Plan des interventions :

7 cours/TP (séances de 4 h) :

- 1 Exploitation d'un signal échantillonné en temps discret  
fréquence d'échantillonnage et filtrage
- 2 Quantification des coefficients, risques de dépassement de capacité.  
Conception et mise en œuvre d'un filtre FIR
- 3 Environnements exécutifs : FreeRTOS, RTEMS, Nuttx
- 4 FreeRTOS, RTEMS, Nuttx  
Multitâche et méthodes associées pour garantir l'intégrité des données partagées
- 5 Système embarqué sous GNU/Linux – système d'exploitation compatible POSIX  
Architecture d'un système d'exploitation, rôle du noyau  
Connectivité internet et configuration réseau
- 6 Accès aux ressources matérielles depuis l'espace utilisateur (MMU) - - /dev/mem
- 7 Accès aux ressources matérielles depuis un serveur

Pilote noyau de type caractère (*char device*) ?

# Cas des interruptions

- 1 Une interruption est un méthode pour interrompre l'exécution séquentielle d'un programme lorsqu'un évènement qui ne peut pas attendre survient
- 2 Plusieurs sources d'interruptions disponibles sur microcontrôleur (GPIO, timer, communication) ...
- 3 ... selon les architectures, un gestionnaire d'interruption teste la source, ou plusieurs gestionnaires.
- 4 Un gestionnaire d'interruption doit être le plus bref possible : définir un drapeau et quitter
- 5 Passage de paramètres : variable globale

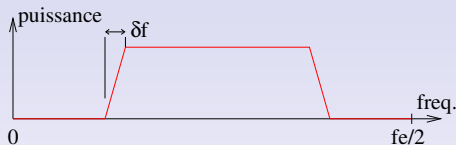
# Variables globales

```
volatile int global_index , tim0 , heure , minute , seconde ;

void IRQ_Handler (void)          // unique gestionnaire pour ADuC7026
{ if (IRQSIG & UART_BIT)
  {                               // UART Interrupt
    global_tab[global_index] = my_getchar ();
    if (global_index < (NB_CHARS - 1))
      global_index++;
  }
  if (IRQSIG & GP_TIMER_BIT)
  {                               // Timer1 Interrupt
    GLOBAL_TIMER1++;
    T1CLRI = 1;                  // Clear Timer 1 interrupt
  }
  if (IRQSIG & RTOS_TIMER_BIT)
  { tim0++;                       // Timer0 Interrupt
    seconde++;
    if (seconde > 600)
      {seconde = 0;minute++;} // seconde en 1/10 seconde
    if (minute > 60) {minute = 0;heure++;}
    if (heure > 24) {heure = 0;}
    TOCLRI = 0;
  }
}
```

# Pourquoi faut-il échantillonner périodiquement ?

- Tout traitement numérique du signal échantillonné en temps discret est basé sur l'hypothèse d'un échantillonnage périodique



- exemple d'un filtre :

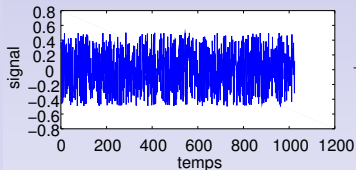
un FIR est défini par une convolution (combinaison linéaire des entrées) :

$$y_n = \sum_{k=1..m} b_k \cdot x_{n-k}$$

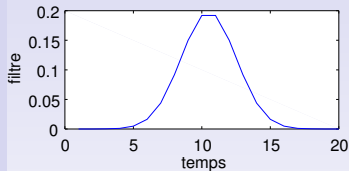
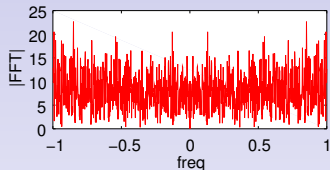
⇒ il *faut* attendre  $m$  données pour enclencher le filtre

- attendre = déphasage
- déphasage = point critique d'un asservissement qui peut rendre le système instable (oscillation)

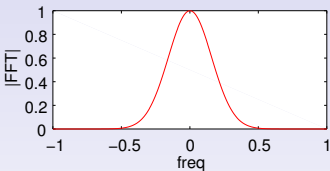
# FIR



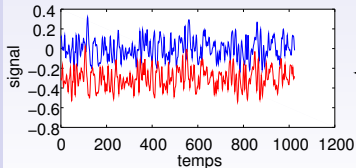
FFT



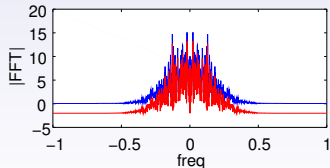
FFT



convolution



iFFT



produit

Approche temporelle v.s fréquentielle<sup>1</sup>

## FIR

```
x=rand(1024,1); x=x-mean(x); % signal : valeur moyenne=0
subplot(321); plot(x); xlabel('temps'); ylabel('signal')
t=linspace(-10,10,20);
y=exp(-t.^2/9); y=y/sum(y); % filtre
subplot(323); plot(y); xlabel('temps'); ylabel('filtre')
f=linspace(-1,1,1024);

yc=conv(x,y); yc=yc(10:end-10); % signal filtre' (conv)
subplot(325); plot(yc); xlabel('temps'); ylabel('signal')

subplot(322);
plot(f,abs(fftshift(fft(x))), 'r') % spectre du signal
subplot(324);
plot(f,abs(fftshift(fft(y,1024))), 'r') % spectre du filtre
subplot(326);
plot(f,abs(fftshift(fft(yc)))) % spectre signal filtre'
hold on
yyc=fft(x,1024).*fft(y,1024)'; % produit des spectres
plot(f,abs(fftshift(yyc))-2, 'r')

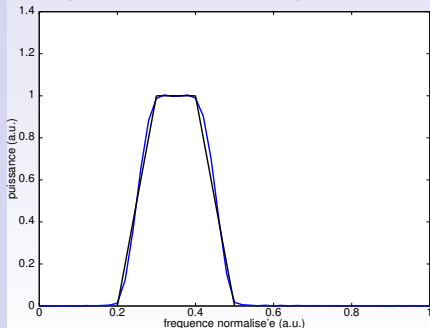
subplot(325); hold on;
plot(real(ifft(yyc))-0.3, 'r') % retour dans le temps
```

**Exercice : refaire avec une fenêtre rectangulaire**

## FIR v.s IIR

- ① FIR :  $y_n = \sum b_k \cdot x_{n-k}$  : somme pondérée des entrées, pas de risque de divergence, mais long à converger
- ② IIR :  $\sum a_k y_{n-k} = \sum b_k \cdot x_{n-k}$  : somme pondérée des entrées *et des sorties passées*, risque de divergence, mais convergence rapide
- ③  $x_k$  est mesuré par le matériel : résolution imposée
- ④ combien de bits sur les coefficients  $b_k$  pour garantir le résultat de la sortie ?

Exemple de coefficients représentés en nombres à virgule flottante



- ① Fonction fir1s de GNU/Octave (ou Matlab) pour fournir les fréquences normalisées, les coefficients de pondération, et le nombre de coefficients  $a_k$

- ②  $y_n = \sum_1 \frac{a_k}{a_0} y_{n-k} - \sum_0 \frac{b_k}{a_0} x_{n-k}$   
ou en transformée en Z :

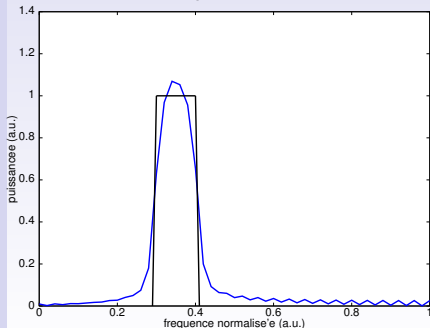
$$H(z) = \frac{\sum_0 b_{k+1}/a_0 \cdot z^{-k}}{1 + \sum_1 a_k/a_0 \cdot z^{-k}}$$



## FIR v.s IIR

- ① FIR :  $y_n = \sum b_k \cdot x_{n-k}$  : somme pondérée des entrées, pas de risque de divergence, mais long à converger
- ② IIR :  $\sum a_k y_{n-k} = \sum b_k \cdot x_{n-k}$  : somme pondérée des entrées *et des sorties passées*, risque de divergence, mais convergence rapide
- ③  $x_k$  est mesuré par le matériel : résolution imposée
- ④ combien de bits sur les coefficients  $b_k$  pour garantir le résultat de la sortie ?

50 coefficients représentés en nombres à virgule fixes



- ① Fonction firls de GNU/Octave (ou Matlab) pour fournir les fréquences normalisées, les coefficients de pondération, et le nombre de coefficients  $a_k$

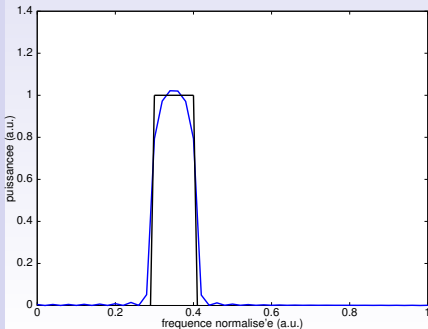
- ②  $y_n = \sum_1 \frac{a_k}{a_0} y_{n-k} - \sum_0 \frac{b_k}{a_0} x_{n-k}$   
ou en transformée en Z :

$$H(z) = \frac{\sum_0 b_{k+1}/a_0 \cdot z^{-k}}{1 + \sum_1 a_k/a_0 \cdot z^{-k}}$$

## FIR v.s IIR

- ① FIR :  $y_n = \sum b_k \cdot x_{n-k}$  : somme pondérée des entrées, pas de risque de divergence, mais long à converger
- ② IIR :  $\sum a_k y_{n-k} = \sum b_k \cdot x_{n-k}$  : somme pondérée des entrées *et des sorties passées*, risque de divergence, mais convergence rapide
- ③  $x_k$  est mesuré par le matériel : résolution imposée
- ④ combien de bits sur les coefficients  $b_k$  pour garantir le résultat de la sortie ?

150 coefficients représentés en nombres à virgule fixe



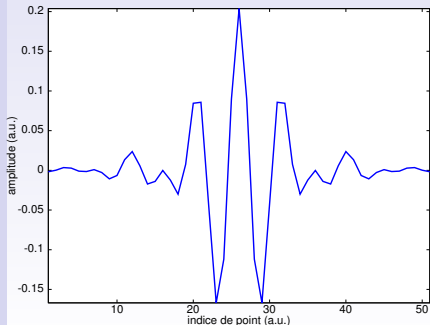
- ① Fonction `firls` de GNU/Octave (ou Matlab) pour fournir les fréquences normalisées, les coefficients de pondération, et le nombre de coefficients `a_k`

- ②  $y_n = \sum_1 \frac{a_k}{a_0} y_{n-k} - \sum_0 \frac{b_k}{a_0} x_{n-k}$   
ou en transformée en Z :

$$H(z) = \frac{\sum_0 b_{k+1}/a_0 \cdot z^{-k}}{1 + \sum_1 a_k/a_0 \cdot z^{-k}}$$

## FIR v.s IIR

- 1 FIR :  $y_n = \sum b_k \cdot x_{n-k}$  : somme pondérée des entrées, pas de risque de divergence, mais long à converger
- 2 IIR :  $\sum a_k y_{n-k} = \sum b_k \cdot x_{n-k}$  : somme pondérée des entrées *et des sorties passées*, risque de divergence, mais convergence rapide
- 3  $x_k$  est mesuré par le matériel : résolution imposée
- 4 combien de bits sur les coefficients  $b_k$  pour garantir le résultat de la sortie ?



- 1 Fonction `firls` de GNU/Octave (ou Matlab) pour fournir les fréquences normalisées, les coefficients de pondération, et le nombre de coefficients  $a_k$
- 2 Les coefficients du FIR sont la réponse impulsionnelle du filtre

## Mise en pratique

- Échantillonnage périodique d'un signal sur *timer* (interruption pour lire ADC)
- Filtrage (conception d'un FIR)
- Traduire un algorithme exprimé en virgule flottante vers des entiers
- Estimer le nombre de décimales (bits) nécessaires pour garantir un l'exactitude d'un résultat